

Modele de optimizare: funcție obiectiv, variabile de decizie și restricții

Static	Dinamic
$\min f(x)$ $g(x)=0$ $h(x)\geq 0$ $l\leq x\leq u$	$\min \varphi(x(t_f), t_f) + \int_{t_0}^{t_f} \Phi(x(t), u(t), t) dt$ <p>referitor la:</p> $\dot{x} = f(x(t), u(t), t), \quad x(t_0) = x_0,$ $g(x(t), u(t), t) = 0,$ $h(x(t), u(t), t) \geq 0,$ $a(t) \leq x(t) \leq b(t),$ $c(t) \leq u(t) \leq d(t),$ $t \in [t_0, t_f].$
<p>Condițiile Kuhn Tucker: x^* este o soluție optimă dacă și numai dacă există multiplicatorii $u \in R$ și $v \in R_p$, astfel încât:</p> $\nabla f(x^*) + \nabla g(x^*)^T u + \nabla h(x^*)^T v = 0,$ $g(x^*) = 0,$ $h(x^*) \geq 0,$ $v_i h_i(x^*) = 0, \quad i = 1, \dots, p,$ $v_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, p.$	<p>Principiul maximului a lui Pontriaghin Hamiltonianul: $H(x(t), u(t), p(t), t) = \Phi(x(t), u(t), t) + p(t)^T f(x(t), u(t), t),$ condițiile necesare pentru ca $u^*(t) \in U$ unde U este un domeniu mărginit și închis din R^n să fie o comandă optimă inițializată în $x_0 \in R^n$ sunt:</p> $\dot{x}^*(t) = \frac{\partial H}{\partial p}(x^*(t), u^*(t), p^*(t), t),$ $\dot{p}^*(t) = -\frac{\partial H}{\partial x}(x^*(t), u^*(t), p^*(t), t),$ $H(x^*(t), u^*(t), p^*(t), t) \leq H(x^*(t), u(t), p^*(t), t),$ pentru toate comenzile admisibile $u(t) \in U$ și pentru toți $t \in [t_0, t_f]$ și $\left[\frac{\partial \varphi(x^*(t_f), t_f)}{\partial x} - p^*(t_f) \right]^T \delta x_f + \left[H(x^*(t_f), u^*(t_f), p^*(t_f), t_f) + \frac{\partial \varphi}{\partial t}(x^*(t_f), t_f) \right] \delta t_f = 0.$

limbaje de modelare: AMPL, GAMS, ALLO

Limite: rigiditate= 1. cunosterea precisa => optimizare stocastică, optimizare parametrică, optimizare cu coeficienți mulți, modele de simulare; 2. Alegerea funcției obiectiv; 3. Liniaritatea; 4. Acuaratetea parametrilor; 5. Nu iau în considerare variabile cu argument întârziat